

## ДО ЧИСЛОВИХ МЕТОДІВ РОЗВ'ЯЗАННЯ РОЗРІДЖЕНИХ СИСТЕМ ЛІНІЙНИХ АЛГЕБРИЧНИХ РІВНЯНЬ

У значній кількості прикладних задач виникає необхідність розв'язання розріджених систем рівнянь з блочними елементами. Розглянемо метод розв'язування розріджених систем з деякими найхарактернішими способами заповнення.

Нехай система лінійних алгебричних рівнянь вигляду:

$$\begin{pmatrix}
 A_{1,1} & A_{1,2} & 0 & \dots & 0 & 0 & 0 \\
 A_{2,1} & A_{2,2} & A_{2,3} & \dots & 0 & 0 & 0 \\
 0 & A_{3,2} & A_{3,3} & \dots & 0 & 0 & 0 \\
 \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\
 0 & 0 & 0 & \dots & A_{n-1,n-2} & A_{n-1,n-1} & A_{n-1,n} \\
 0 & 0 & 0 & \dots & 0 & A_{n,n-1} & A_{n,n}
 \end{pmatrix}
 \begin{pmatrix}
 X_1 \\
 X_2 \\
 X_3 \\
 \dots \\
 X_{n-1} \\
 X_n
 \end{pmatrix}
 =
 \begin{pmatrix}
 A_{1,n+1} \\
 A_{2,n+1} \\
 A_{3,n+1} \\
 \dots \\
 A_{n-1,n+1} \\
 A_{n,n+1}
 \end{pmatrix}
 \quad (1)$$

елементи якої  $A_{ij}$  - це блоки розмірності  $m' \times m$ . Позначимо через  $A_{\begin{matrix} i_1 & i_2 & \dots & i_k \\ j_1 & j_2 & \dots & j_k \end{matrix}}$  мінор,

розміщений на перетині блочних рядків  $i_1, i_2, \dots, i_k$  та блочних стовпців  $j_1, j_2, \dots, j_k$ . За узагальненим правилом Крамера [1] маємо:

$$X_1 = \left| \begin{array}{cccccc|cccc}
 A_{1,1} & A_{2,1} & L & A_{1,n+1} & 0 & 0 & A_{1,1} & A_{1,2} & 0 & L & 0 \\
 A_{1,2} & A_{2,2} & O & A_{2,n+1} & O & 0 & A_{2,1} & A_{2,2} & A_{2,3} & L & 0 \\
 O & A_{3,2} & O & A_{3,n+1} & O & L & 0 & A_{3,2} & A_{3,3} & O & 0 \\
 0 & O & O & O & O & A_{n-1,n} & L & L & O & O & A_{n-1,n} \\
 0 & 0 & O & A_{n,n+1} & L & A_{n,n} & 0 & 0 & 0 & L & A_{n,n}
 \end{array} \right|$$

Розкладаючи чисельник за мінорами

$$X_i = \sum_{k=1}^n (-1)^{i+k} A_{k,n+1} A_{\begin{matrix} i-1 \\ i+1 \end{matrix}}^{k-1} A_{s,s+1} A_{\begin{matrix} i+1 \\ i+1 \end{matrix}} \quad (2)$$

та ввівши позначення

$$a_{ik} = A_{\begin{matrix} i-1 \\ i+1 \end{matrix}}^{k-1} A_{s,s+1} A_{\begin{matrix} i+1 \\ i+1 \end{matrix}} \quad i, k = 1, n.$$

для визначення невідомої одержимо співвідношення:

$$X_i = \sum_{k=1}^n (-1)^{i+k} A_{k,n+1} a_{i,k}. \quad (3)$$

Якщо до співвідношення (3) застосувати відому рівність Леонарда Ейлера [1], яка пов'язує ланцюгові дроби з рядами та скінченними сумами, то одержимо аналітичне розв'язання невідомих даної розрідженої системи лінійних алгебричних рівнянь у скінченні матричні ланцюгові дроби.

### Література:

1. Недашковський М.О. Обчислення з  $\lambda$ -матрицями / М.О. Недашковський, О.Я. Ковальчук.